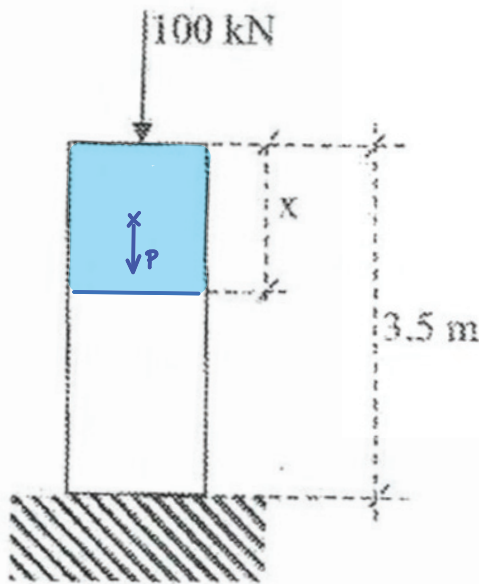




PROBLEMA 1.

Un pilar de hormigón de 3.5 m de altura y de sección cuadrada, de 40x40 cm., está sometido a su propio peso y a una carga axial de 100 kN. Representar la variación del esfuerzo normal y calcular la máxima tensión de compresión. No se tendrán en cuenta los posibles efectos de pandeo.

Datos: Peso específico del hormigón, $\gamma = 2.5 \text{ t/m}^3$. $\rightarrow \gamma \cdot g = \text{KN/m}^3$



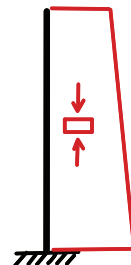
PESO PROPIO $\rightarrow \text{PESO} = \text{PESO ESPECÍFICO} [\text{KN/m}^3] \times \text{VOLUMEN} [\text{m}^3]$

EN FUNCIÓN DE "x" $\rightarrow P(x) = \text{KN/m}^3 \times (\dots) \text{m}^3 =$

ESFUERZO AXIAL

EN FUNCIÓN DE "x" $\rightarrow N_x(x) =$ =

DIAGRAMA DE AXIL



TENSIÓN NORMAL

$\sigma_x =$ _____

VALOR MÁXIMO? PARA y

$\sigma_{x \text{ máx}} =$ _____ = $-0,7125 \text{ N/mm}^2$

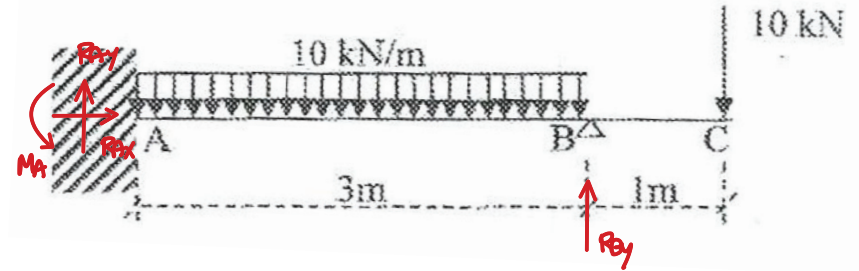
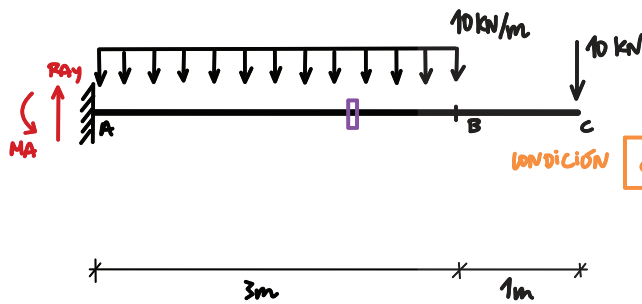


PROBLEMA 2.

En la viga de la figura, obtener:

- a) Representación de las leyes de momentos flectores y esfuerzos cortantes.
- b) Giro de la sección situada sobre el apoyo B.
- c) Flecha en el extremo del voladizo.

Datos: $EI_z = 10^4 \text{ kN}\cdot\text{m}^2$.



$$\begin{cases} \sum F_x = 0 \rightarrow R_{Ax} = \\ \sum F_y = 0 \rightarrow R_{Ay} + R_{By} = 40 \\ \sum M_A = 0 \rightarrow M_A + 3R_{By} = 85 \end{cases}$$

CONDICIÓN $\delta_B =$

CÁLCULO DE DEFORMACIONES

2º TEOREMA DE MOHR DE A → B : $\delta_B = \delta_A \pm \theta_A (x_B - x_A) + \int_A^B \frac{M_2(x)}{E \cdot I_z} (x_B - x) dx$

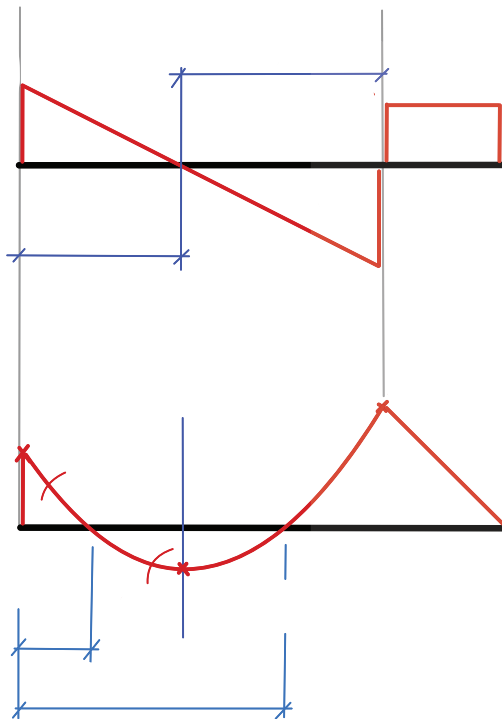
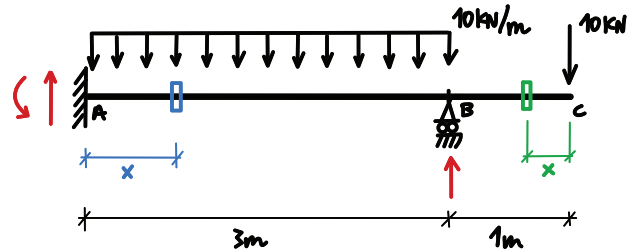
CON $M_2(x) =$ =

ENTONCES $\delta_B = \int \frac{\quad}{E \cdot I_z} (\quad) dx = \frac{1}{E \cdot I_z} [\quad] = \frac{1}{E \cdot I_z} [\quad] =$ CONDICIÓN

F = + 26,25 kN (↑)

REACCIONES $R_{By} = \quad \text{kN (↑)}$ → POR EQUILIBRIO : $R_{Ay} = \quad \text{kN (↑)}$

$M_A = \quad \text{kN}\cdot\text{m (G)}$



ÁREAS DEL LORTANTE	$A_1 =$	$=$
	$A_2 =$	$=$
	$A_3 =$	$=$

DIAGRAMAS DE ESFUERZOS

TRAMO AB

$$\leq x \leq \begin{cases} V_y(x) = \\ V_y = 0 \text{ PARA } x = \end{cases}$$

$$M_z(x) = \begin{cases} M_z = 0 \text{ PARA } \begin{cases} x = \\ x = \end{cases} \end{cases}$$

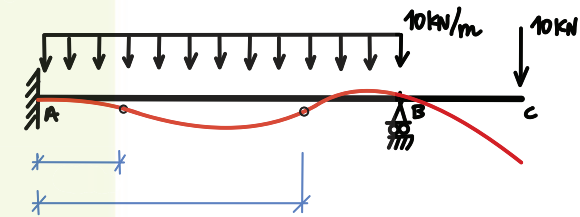
$$M_z \text{ MÁX CUANDO } \rightarrow M_z \text{ MÁX} = M_z(x =) =$$

	⊕	⊖
N_x		
V_y		
M_z		

TRAMO BC

$$0 \leq x \leq 1 \begin{cases} V_y(x) = \\ M_z(x) = \end{cases}$$

CÁLCULO DE DEFORMACIONES



1º TEOREMA de MOHR A → B

$$\theta_B = \pm \theta_A + \int_A^B \frac{M_z(x)}{E \cdot I_z} \cdot dx = \int \frac{M_z(x)}{E \cdot I_z} dx = \frac{1}{E \cdot I_z} \left[\dots \right] = \frac{1}{E \cdot I_z} = -1,875 \cdot 10^{-4} \text{ RAD } (\uparrow)$$

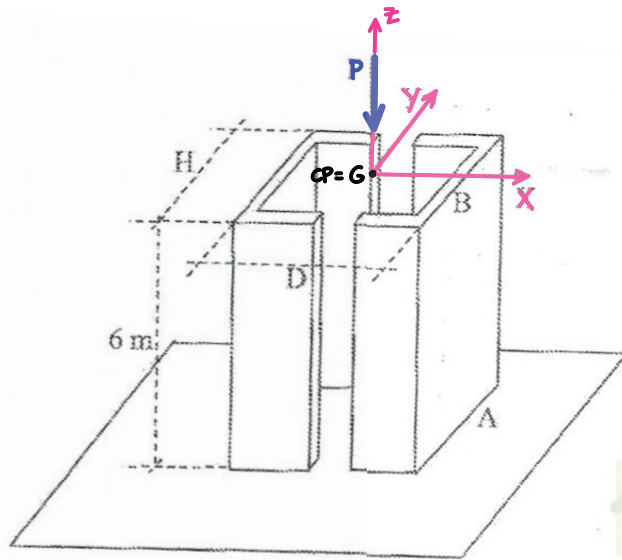
2º TEOREMA de MOHR B → C

$$\delta_C = \delta_B \pm \theta_B (x_C - x_B) + \int_B^C \frac{M_z(x)}{E \cdot I_z} (x_C - x) dx = -\frac{1}{E \cdot I_z} () + \int \frac{M_z(x)}{E \cdot I_z} () dx = -\frac{1}{E \cdot I_z} + \frac{1}{E \cdot I_z} () = -\frac{1}{E \cdot I_z} - \frac{1}{E \cdot I_z} = \frac{1}{E \cdot I_z} = -0,52 \text{ mm } (\downarrow)$$



PROBLEMA 3.

La columna de la figura formada por dos UPN de acero A-42 está empotrada en su extremo inferior A. En su extremo superior B está sujeta de forma que no puede desplazarse en la dirección Y pero sí en la dirección X. Si dicha columna está solicitada por una carga P de 143 toneladas, calcular:



ESFUERZOS

$N_z =$

$M_x =$

$M_y =$

TENSIÓN NORMAL

$|\sigma_{z,max}| = \frac{N_z}{A} \leq \sigma_{adm} = \frac{\sigma_e}{\gamma_a} = \frac{2600}{1.05} = 2476.19 \text{ kg/cm}^2$

↑
IMPONEMOS

ENTONCES

$A \geq \frac{N_z}{\sigma_{adm}} = \frac{143000}{2476.19} = 57.76 \text{ cm}^2 \xrightarrow{\div 2} 28.88 \text{ cm}^2 \rightarrow \boxed{2 \times \text{UPN 260}}$

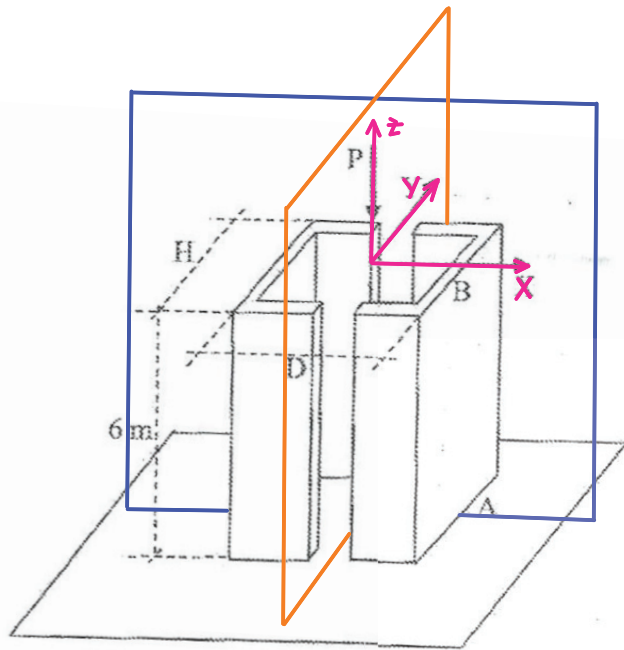
- a) Los perfiles UPN que deben utilizarse.
- b) La distancia a la que deben ser colocados (D)

Datos: $\sigma_e = 2600 \text{ kg/cm}^2$; $\gamma_a = 1.05$; $\gamma_c = 1.5$

Se aplicará el método de los coeficientes ω .

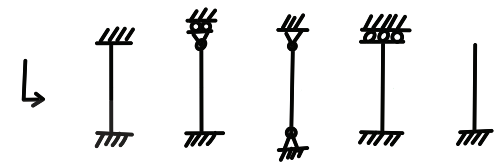
UPN	Dimensiones mm						Sección A cm ²	Peso P kg/m	Referido al eje x-x			Referido al eje y-y		
	h	b	e	e ₁ = r	r ₁	h ₁			I _x cm ⁴	W _x cm ³	i _x cm	I _y cm ⁴	W _y cm ³	i _y = i cm
80	80	45	6,0	8,0	4,0	46	11,0	8,64	106	26,5	3,10	19,4	6,36	1,33
100	100	50	6,0	8,5	4,5	64	13,5	10,6	206	41,2	3,91	29,3	8,49	1,47
120	120	55	7,0	9,0	4,5	82	17,0	13,4	364	60,7	4,62	43,2	11,1	1,59
140	140	60	7,0	10,0	5,0	98	20,4	16,0	605	86,4	5,45	62,7	14,8	1,75
160	160	65	7,5	10,5	5,5	115	24,0	18,8	925	116	6,21	85,3	18,3	1,89
180	180	70	8,0	11,0	5,5	133	28,0	22,0	1 350	150	6,95	114	22,4	2,02
200	200	75	8,5	11,5	6,0	151	32,2	25,3	1 910	191	7,70	148	27,0	2,14
220	220	80	9,0	12,5	6,5	167	37,4	29,4	2 690	245	8,48	197	33,6	2,30
240	240	85	9,5	13,0	6,5	184	42,3	33,2	3 600	300	9,22	248	39,6	2,42
260	260	90	10,0	14,0	7,0	200	48,3	37,9	4 820	371	9,99	317	47,7	2,56
280	280	95	10,0	15,0	7,5	216	53,3	41,8	6 280	448	10,90	399	57,2	2,74
300	300	100	10,0	16,0	8,0	232	58,8	46,2	8 030	535	11,70	495	67,8	2,90

$A_{TOT} = 2 \cdot 48,3 = 96,6 \text{ cm}^2$



PANDEO POR COMPRESIÓN $|\sigma_{z,max}| \gg \dots \rightarrow |\sigma_{z,max}| = \dots$ ↖ COEFICIENTE DE

- PARA CALCULAR w :
- 1) LONGITUD DE PANDEO: $L_p = L_{REAL}$
 - 2) ESBELTEZ $\lambda = \frac{L_p}{i}$
 - 3) TABLA DE COEFICIENTES w



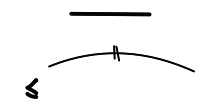
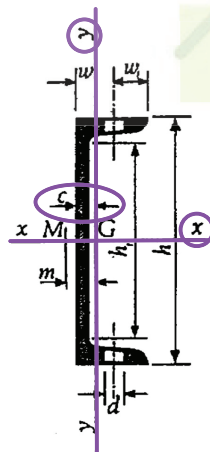
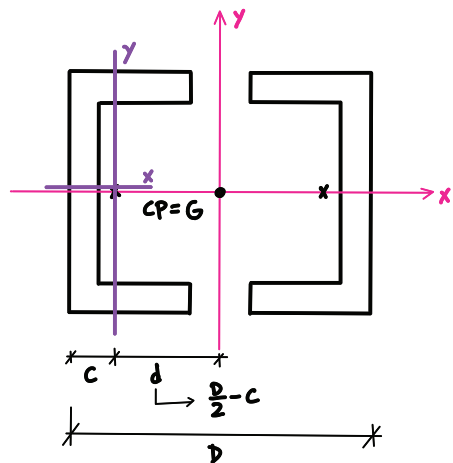
RADIO DE GIRO: $\sqrt{\dots}$?
INERCI A RESPECTO AL EJE AL PLANO DE PANDEO
 NO DEPENDE DE D
 SÍ DEPENDE DE D

PLANO yz PANDEO RESPECTO AL EJE x $\rightarrow I_x = \dots = \dots = \dots$

$L_p = \dots = \dots$

$\lambda = \dots = \dots$

$w = \dots \rightarrow |\sigma_{z,max}| = \dots = \dots$

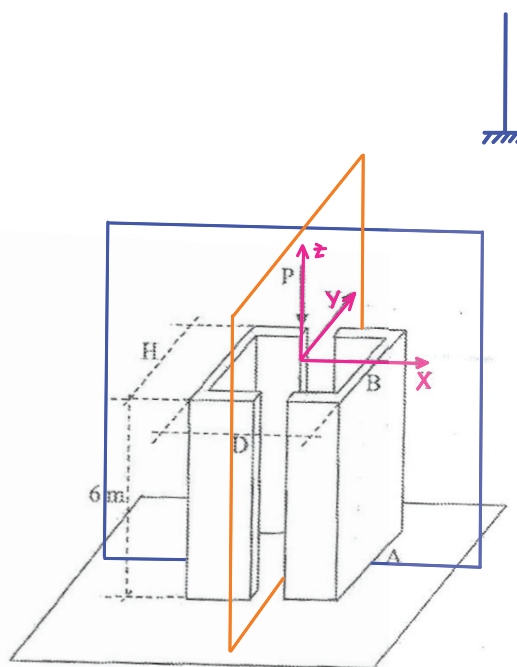


CON 2 UPN 260 PODÉAMOS SOPORTAR EL PANDEO EN EL PLANO yz



PLANO XZ PANDEO RESPECTO AL EJE Y $\rightarrow I_y = \quad = \quad =$

$I_y = \quad =$
 $\lambda = \frac{\quad}{\sqrt{\quad}}$



$w = ? \rightarrow |\sigma_{z, \max}| = \quad \leq \quad \rightarrow w \leq$

IMPONEMOS

A LA INVERSA: PARA $w = \quad \rightarrow \lambda = \quad \rightarrow$ ENTONCES $i_y = \quad =$

TENEMOS $i_y = \sqrt{\frac{\quad}{\quad}} = \quad \rightarrow d =$

IMPONEMOS

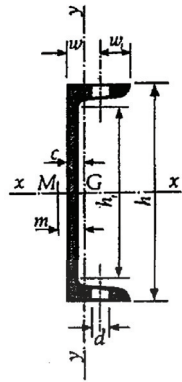
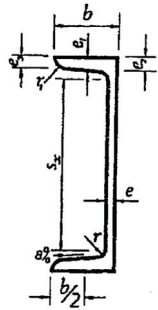
CON $d = \frac{D}{2} - c \rightarrow D = 2(d + c) = \boxed{54,98 \text{ cm}}$

COMPROBACIÓN

$I_y = \quad =$

$i_y = \sqrt{\frac{\quad}{\quad}} =$

$\lambda = \frac{\quad}{\quad} = \quad \rightarrow w = \quad \rightarrow |\sigma_{z, \max}| = \quad = \quad \leq$



UPN	Dimensiones mm						Sección A cm²	Peso P kg/m	Referido al eje x-x			Referido al eje y-y			c cm
	h	b	e	e ₁ = r	r ₁	h ₁			I _x cm⁴	W _x cm³	i _x cm	I _y cm⁴	W _y cm³	i _y = i cm	
80	80	45	6,0	8,0	4,0	46	11,0	8,64	106	26,5	3,10	19,4	6,36	1,33	1,45
100	100	50	6,0	8,5	4,5	64	13,5	10,6	206	41,2	3,91	29,3	8,49	1,47	1,55
120	120	55	7,0	9,0	4,5	82	17,0	13,4	364	60,7	4,62	43,2	11,1	1,59	1,60
140	140	60	7,0	10,0	5,0	98	20,4	16,0	605	86,4	5,45	62,7	14,8	1,75	1,75
160	160	65	7,5	10,5	5,5	115	24,0	18,8	925	116	6,21	85,3	18,3	1,89	1,84
180	180	70	8,0	11,0	5,5	133	28,0	22,0	1 350	150	6,95	114	22,4	2,02	1,92
200	200	75	8,5	11,5	6,0	151	32,2	25,3	1 910	191	7,70	148	27,0	2,14	2,01
220	220	80	9,0	12,5	6,5	167	37,4	29,4	2 690	245	8,48	197	33,6	2,30	2,14
240	240	85	9,5	13,0	6,5	184	42,3	33,2	3 600	300	9,22	248	39,6	2,42	2,23
260	260	90	10,0	14,0	7,0	200	48,3	37,9	4 820	371	9,99	317	47,7	2,56	2,36
280	280	95	10,0	15,0	7,5	216	53,3	41,8	6 280	448	10,90	399	57,2	2,74	2,53
300	300	100	10,0	16,0	8,0	232	58,8	46,2	8 030	535	11,70	495	67,8	2,90	2,70

Coeficientes ω para aceros A 42

λ	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	λ
20	1,02	1,02	1,02	1,02	1,02	1,03	1,03	1,03	1,03	1,04	20
30	1,04	1,04	1,04	1,05	1,05	1,05	1,06	1,06	1,07	1,07	30
40	1,07	1,08	1,08	1,09	1,09	1,10	1,10	1,11	1,12	1,12	40
50	1,13	1,14	1,14	1,15	1,15	1,16	1,17	1,18	1,19	1,20	50
60	1,22	1,23	1,24	1,25	1,25	1,27	1,29	1,30	1,31	1,33	60
70	1,34	1,36	1,37	1,39	1,40	1,42	1,44	1,46	1,47	1,49	70
80	1,51	1,53	1,55	1,57	1,60	1,62	1,64	1,66	1,69	1,71	80
90	1,74	1,76	1,79	1,81	1,84	1,86	1,89	1,92	1,95	1,98	90
100	2,01	2,03	2,06	2,09	2,13	2,16	2,19	2,22	2,26	2,29	100
110	2,32	2,35	2,39	2,42	2,46	2,49	2,53	2,56	2,60	2,64	110
120	2,67	2,71	2,75	2,79	2,82	2,86	2,90	2,94	2,98	3,02	120
130	3,06	3,11	3,15	3,19	3,23	3,27	3,32	3,36	3,40	3,45	130
140	3,49	3,54	3,58	3,63	3,67	3,72	3,77	3,81	3,85	3,91	140
150	3,95	4,00	4,05	4,10	4,15	4,20	4,25	4,30	4,35	4,40	150
160	4,45	4,51	4,56	4,61	4,66	4,72	4,77	4,82	4,88	4,93	160
170	4,99	5,04	5,10	5,15	5,21	5,26	5,32	5,38	5,44	5,49	170
180	5,55	5,61	5,67	5,73	5,79	5,85	5,91	5,97	6,03	6,09	180
190	6,15	6,21	6,27	6,34	6,40	6,46	6,53	6,59	6,65	6,72	190
200	6,76	6,83	6,91	6,98	7,05	7,11	7,18	7,25	7,31	7,38	200
210	7,45	7,52	7,59	7,66	7,72	7,79	7,86	7,93	8,01	8,08	210
220	8,15	8,22	8,29	8,36	8,44	8,51	8,58	8,66	8,73	8,80	220
230	8,89	8,95	9,03	9,11	9,18	9,26	9,33	9,41	9,49	9,57	230
240	9,64	9,72	9,80	9,88	9,96	10,04	10,12	10,20	10,28	10,36	240
250	10,44										