



# 1- FUNDAMENTOS DE ÁLGEBRA LINEAL. SISTEMAS DE ECUACIONES LINEALES

✉ [info@tuacademiafacil.com](mailto:info@tuacademiafacil.com)

## 1. NOCIONES MATEMÁTICAS BÁSICAS.

LENGUAJE MATEMÁTICO.

NÚMEROS REALES.

## 2. ÁLGEBRA LINEAL

VECTORES

OPERACIONES CON VECTORES:

- a) Igualdad:
- b) Suma:
- c) Diferencia:
- d) Producto por un escalar:
- e) Producto escalar:



[WWW.TUACADEMIAFACIL.COM](http://WWW.TUACADEMIAFACIL.COM)



### PROPIEDADES DE LOS VECTORES:

- a) Norma de un vector.
- b) Distancia euclídea.
- c) Ortogonalidad:
- d) Vector unitario.
- e) Desigualdad de Cauchy-Schwartz.
- f) Triángulo de Minkowsky:

### 3. SISTEMAS DE ECUACIONES LINEALES





## Sistemas dos ecuaciones y dos incógnitas:

Método de sustitución:

[https://youtu.be/3ilMKCkRRvE?si=D\\_98DNMZJA5sD7xS](https://youtu.be/3ilMKCkRRvE?si=D_98DNMZJA5sD7xS)

Método de igualación:

<https://youtu.be/rSKf4Rbl6aQ?si=TAFdQ-QItRtq-Elx>

Método de reducción:

<https://youtu.be/oVAzrh96vs?si=hVtz56brmE2yq3Fx>

## Sistemas de tres ecuaciones y tres incógnitas: LINEALES





## Sistemas homogéneos (LINEALES)





Indicar la expresión correcta para la expresión “para cualquier valor infinitesimal positivo  $\varepsilon$  existe algún valor infinitesimal positivo  $\delta$  tal que el valor absoluto de la diferencia de dos puntos  $x$  e  $y$  del dominio de definición de una función  $f$  es menor que  $\delta$  implica que el valor absoluto de la diferencia de sus imágenes es inferior a  $\varepsilon$ ”:

- A.  $\forall \varepsilon > 0 \wedge \exists \delta > 0: |x - y| < \delta \Leftrightarrow |f(x) - f(y)| < \varepsilon$ .
- B.  $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0: |x - y| < \delta \Rightarrow |f(x) - f(y)| < \varepsilon$ .
- C.  $\forall \delta > 0 \exists \varepsilon > 0: |x - y| < \delta \Rightarrow |f(x) - f(y)| < \varepsilon$ .
- D.  $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0: |x - y| < \delta \Leftrightarrow |f(x) - f(y)| < \varepsilon$ .

Determinar qué conjunto números no son números racionales:  $\exists x_i \in \{x_1, \dots\} | x_i \notin \mathbb{Q}$ :

- A.  $\{-\sqrt{9}, -2, -1, 1, 2, 3, \sqrt{16}\}$ .
- B.  $\{2, 4, 6, 8, 10, 12, \dots\}$ .
- C.  $\{-5, 0, \frac{1}{3}, 6, 3^6\}$ .
- D.  $\{1, e, 3, 5, 7, 9\}$ .

En un sistema de  $m$  ecuaciones lineales con  $n$  incógnitas, el término  $a_{ij}$  representa:

- A. El coeficiente de la incógnita  $j$  en la ecuación  $i$ .
- B. El coeficiente de la ecuación  $j$  en la incógnita  $i$ .
- C. El término independiente de la incógnita  $i$  en la ecuación  $j$ .
- D. El término independiente del coeficiente  $i$  en la ecuación  $j$ .

Indicar cuál de las siguientes afirmaciones es siempre verdadera:

- A. Los sistemas de ecuaciones lineales no homogéneos son incompatibles.
- B. Los sistemas de ecuaciones lineales determinados poseen infinitas soluciones.
- C. Los sistemas de ecuaciones lineales compatibles poseen solución única.
- D. Los sistemas de ecuaciones lineales indeterminados son compatibles.





Señala cuál de las siguientes afirmaciones es falsa:

- A. Los elementos de los vectores unitarios son todos unitarios.
- B. Los elementos de los vectores nulos son todos nulos.
- C. Los vectores unitarios tienen longitud unitaria.
- D. Cualquier vector no nulo puede convertirse en unitario.

Dados los vectores  $\vec{a} = (2,1)$ ,  $\vec{b} = (1,-2)$  y  $\vec{c} = (4,-3)$ , resolver el sistema de ecuaciones lineales definido por  $\vec{a} \cdot x + \vec{b} \cdot y = \vec{c}$ :

- A.  $x = -1 \wedge y = 2$ .
- B.  $x = 2 \wedge y = 1$ .
- C.  $x = 1 \wedge y = 2$ .
- D.  $x = 1 \wedge y = -2$ .

Dados los vectores  $\vec{a} = (1,2,5,3)$  y  $\vec{b} = (2,1,-2,x)$  determinar cuál ha de ser el valor del componente  $x$  para que ambos vectores sean ortogonales:

- A.  $x = -3$ .
- B.  $x = 2$ .
- C.  $x = 0$ .
- D.  $x = 1$ .

Considerando los vectores  $\vec{a}$  y  $\vec{b}$  del ejercicio anterior, y asumiendo que el valor del componente  $x$  del vector  $\vec{b}$  es nulo, ¿cuál sería su distancia euclídea?

- A.  $\sqrt{52}$ .
- B. 8.
- C.  $2\sqrt{15}$ .
- D.  $7\sqrt{2}$ .

