



# Estadística

(Grado Ingeniería Informática UOC)

05.568

## Contenidos:

- **Estadística Descriptiva.** Introducción al análisis de datos.
- **Probabilidad** variables aleatorias.
- **Inferencia Estadística.**
  - Teorema central del límite
  - Intervalos de confianza
  - Contraste de Hipótesis.
  - Contraste de dos muestras.
- **Regresión Lineal.**

## Evaluación continua

Consta de 7 pruebas de evaluación continuada (PEC).

Las **PEC 1-6** constan de dos partes:

- un ejercicio que hay que **resolver con R** y entregar aparte.
- un **cuestionario en Moodle**.  
Una vez abierto el cuestionario, hay 72 horas (3 días) para cerrarlo.  
Se puede realizar dos veces (abrirlos dos veces) y la nota resultante es la mejor de los dos intentos.

En la **PAC7** (o cuestionario final **en Moodle**) sólo habrá

- un intento posible,
- adjuntar la resolución a mano de los ejercicios (paso a paso), y
- tendréis un máximo de 2 horas y 15 minutos para realizarla.

## Calificaciones:

- A: Calificación muy buena
- B: Calificación buena
- C+: Calificación suficiente
- C-: Calificación baja
- D: Calificación muy baja
- N: No se emite calificación

**Nota final**  $NF = 0,40 \cdot \text{Media Notas PEC 1-6} + 0,60 \cdot \text{Nota PEC7}$

Se os dará un extra de 0.5 a los que hacéis el **cuestionario inicial**.

Esta nota extra se os sumará a Media Notas PEC 1-6.

Para superar la asignatura:

- 1) **Media Notas PEC 1-6  $\geq 4$**
- 2) **Nota PEC7  $\geq 3.5$**





## Estadística descriptiva

Formulario "oficial" UOC

### Pregunta 1

Sin responder aún

Puntúa como 1,00

▼ Marcar  
pregunta

Los siguientes datos corresponden a las notas de una asignatura de 6 estudiantes de la UOC:

 $\{5, 4, 4, 9, 6, 6\}$ .

Calculad su media, desviación estándar (poblacional) y la mediana y responded en la forma siguiente:

$\bar{x}$  = media (50% de la nota)

$\sigma_y$  = desviación estándar **poblacional** (25%)

$m$  = mediana (25%)

Usad el punto como separador decimal (por ejemplo 2.45) y redondead a tres decimales

Respuesta:

$$\bar{x} = 5.667$$
$$\sigma_x = 1.7$$
 $m = 5.5$ 

**Media aritmética:** (promedio, mitjana)

$$\bar{x} = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{N} = \frac{5 + 4 + 4 + 9 + 6 + 6}{6} = \frac{34}{6}$$

2 5, 667

Nota	Frecuencia		
$x_i$	$n_i$	$x_i \cdot n_i$	$x_i^2 \cdot n_i$
4	2		$16 \cdot 2$
5	1		$25 \cdot 1$
6	2		$36 \cdot 2$
9	1		$81 \cdot 1$
<b>Total</b>	<b>N=6</b>		<b>210</b>

Desviación estándar muestral y poblacional:  $\sigma = \sqrt{\sigma^2}$

$\sigma^2$  : varianza

$$\text{Desviación poblacional: } \sigma = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^N x_i^2 \cdot n_i}{N} - \bar{x}^2}$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{210}{6} - \left(\frac{34}{6}\right)^2} \Rightarrow \sigma = 1,69967...$$

$\begin{array}{cc} 4 & 4 \\ \hline & 2 \end{array}$ 
 $\begin{array}{cc} 5 & 6 \\ \hline 5+6 \\ 2 \end{array} = 5.5$ 
 $\begin{array}{cc} 6 & 9 \\ \hline & 2 \end{array}$





## 1.2 (datos tabulados)

### Pregunta 2

Sin responder aún

Puntúa como 1,00

🚩 Marcar pregunta

Dadas las siguientes observaciones sobre el número y la superficie de los pisos de una inmobiliaria,

$n_i$	$x_i$
5	71
3	79
6	71
7	116

calculad la media, desviación estándar (poblacional) y la mediana de la superficie de los pisos y responded en forma siguiente:

$\bar{x}$  = media (50%)

$\sigma_x$  = desviación estándar (poblacional) (25%)

$m$  = mediana (25%)

Usad el punto como separador decimal (ejemplo 2.45) y redondead a tres decimales.

Respuesta:

$\bar{x}$  = 87.143

$\sigma_x$  = 20.580

$m$  = 71

**Media aritmética:**  $\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i \cdot n_i}{N}$

$$\bar{x} = \frac{1830}{21} = \frac{610}{7} \approx 87.143$$

M2 Superficie	Frecuencia	Frecuencia Acumulada		
$x_i$	$n_i$	$N_i$	$x_i \cdot n_i$	$x_i^2 \cdot n_i$
71	11	11	781	55451
79	3	11+3 = 14	237	18723
116	7	14+7 = 21	812	94192
<b>Total</b>	<b>N=21</b>		<b>1830</b>	<b>168366</b>

**Desviación poblacional:**  $\sigma = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^N x_i^2 \cdot n_i}{N} - \bar{x}^2}$

$$= \sqrt{\frac{168366}{21} - \left(\frac{610}{7}\right)^2} = 20.580$$

$\sigma =$

**Posición de la Mediana** =  $\frac{N+1}{2} = \frac{21+1}{2} = \frac{22}{2} = 11^\circ \leftarrow \text{posición}$   $m = 71$

(mirar en la columna Frecuencia acumulada)



### Pregunta 3

Sin responder aún

Puntúa como 1,00

🚩 Marcar pregunta

Los siguientes datos corresponden a la cantidad de libros comprados durante el semestre anterior de 11 estudiantes de la UOC: {4,2,6,8,17,16,3,20,5,8,14}.

Calculad la mediana y el sus cuartiles, y responded en la siguiente forma:

$Q_1$  = primer cuartil (25% de la nota de la pregunta)

$m$  = mediana (50% de la nota)

$Q_3$  = tercer cuartil (25% de la nota)

Usad el punto como separador decimal (ejemplo 2.45) y redondead a tres decimales.

Respuesta:

$Q_1 = 4$

$m = 8$

$Q_3 = 16$

$Q_2$

x	2	3	4	5	6	8	8	14	16	17	20
Posición	1ª	2ª	3ª	4ª	5ª	6ª	7ª	8ª	9ª	10ª	11ª
Cuartiles			$Q_1$			$Q_2$ $m$			$Q_3$		

$$\text{Posición de la Mediana}(Q_2) = \frac{N+1}{2} = \frac{11+1}{2} = \frac{12}{2} = 6$$

$$\text{Posición del } Q_1 = \frac{N+1}{4} \cdot 1 = \frac{11+1}{4} \cdot 1 = 3^a$$

$$\text{Posición del } Q_3 = \frac{N+1}{4} \cdot 3 = \frac{11+1}{4} \cdot 3 = 9^a$$



## 1.4 Cuartiles N par

### Pregunta 4

Sin responder aún

Puntúa como 1,00

Marcar pregunta

Los siguientes datos corresponden a la cantidad de libros comprados durante el semestre anterior de 10 estudiantes de la UOC:

$x_i$	$n_i$
2	1
10	3
15	6

libros	Frecuencia	Frecuencia Acumulada
$x_i$	$n_i$	$N_i$
2	1	1
10	3	1+3=4
15	6	4+6=10
Total	N=	10

Calculad la mediana y los cuartiles, y responded en la siguiente forma:

$Q_1$  = primer cuartil (25% de la nota de la pregunta)

$m$  = mediana (50% de la nota)

$Q_3$  = tercer cuartil (25% de la nota)

Usad el punto como separador decimal (ejemplo 2.45) y redondead a tres decimales.

Respuesta:

$Q_1 = 10$

$m = 15$

$Q_3 = 15$

La Mediana ( $Q_2$ ) de un conjunto con **N par** es el valor medio de las dos observaciones que ocupan el lugar más próximo a la Posición de la Mediana.

$$\text{posic. } Q_1 = \frac{N+1}{4} \cdot 1 = \frac{10+1}{4} \cdot 1 = \frac{11}{4} = 2.75^\circ$$

$$\text{posic. } Q_2 = \text{mediana} = \frac{10+1}{4} \cdot 2 = \frac{11}{2} = 5.5^\circ$$

$$\text{posic. } Q_3 = \frac{10+1}{4} \cdot 3 = \frac{11 \cdot 3}{4} = 8.25^\circ$$

$$\text{Posición de la Mediana} = \frac{N+1}{2}$$

$$\text{Posición del } Q_1 = \frac{N+1}{4} \cdot 1 =$$

$$\text{Posición del } Q_3 = \frac{N+1}{4} \cdot 3 =$$

2   10   10   10   15





# 1.5 Transformaciones

## Pregunta 5

Sin responder aún

Puntúa como 1,00

Marcar pregunta

Supongamos que tenemos una muestra de tamaño 101 con media 44.644, mediana 45, moda 18 y desviación estándar 21.025

1. Si sumamos 30 a todas las observaciones, entonces la nueva media será 74.644, la nueva mediana 75, la nueva moda 48 y la nueva desviación estándar 21.025
2. Si multiplicamos por 7 todas las observaciones, entonces la nueva media será 312.508, la nueva mediana 315, la nueva moda 126 y la nueva desviación estándar 147.175
3. Si multiplicamos por -6 todas las observaciones, entonces la nueva media será -267.864, la nueva mediana -270, la nueva moda -108 y la nueva desviación estándar 126.15
4. Si sumamos 35 a las 37 observaciones más grandes de la muestra, la nueva mediana será 45

1. **Sumamos** una constante ( $c = 30$ ) a todas las observaciones.

**Cambio de origen.** Esto equivale a desplazar todas las observaciones  $c$  unidades. Creamos una **nueva variable**:  $y = x + c$ .

Medida de centro	$x$	$y = x + c$	Cambio de origen
Media	$\bar{x} = 44.644$	$\bar{y} = \bar{x} + c$	$\bar{y} = 44.644 + 30 = 74.644$
Mediana	$m_x = 45$	$m_y = m_x + c$	$m_y = 45 + 30 = 75$
Moda	$Mo_x = 18$	$Mo_y = Mo_x + c$	$Mo_y = 18 + 30 = 48$
Desviación estándar	$\sigma_x = 21.025$	$\sigma_y = \sigma_x$	$\sigma_y = 21.025$

2. **Multiplicamos** por una constante ( $c = 7$ ) todas las observaciones.

**Cambio de escala.** Creamos una **nueva variable**:  $y = c \cdot x$ .

Medida	$x$	$y = c \cdot x$	Cambio de escala
Media	$\bar{x} = 44.644$	$\bar{y} = c \cdot \bar{x}$	$\bar{y} = 44.644 \cdot 7 = 312.508$
Mediana	$m_x = 45$	$m_y = c \cdot m_x$	$m_y = 45 \cdot 7 = 315$
Moda	$Mo_x = 18$	$Mo_y = c \cdot Mo_x$	$Mo_y = 18 \cdot 7 = 126$
Desviación estándar	$\sigma_x = 21.025$	$\sigma_y =  c  \cdot \sigma_x$	$\sigma_y = 7 \cdot 21.025 = 147.175$
Coefficiente de variación		$CV_y = \frac{\sigma_y}{\bar{y}}$	

3. **Multiplicamos** por una constante ( $c = -6$ ) todas las observaciones.

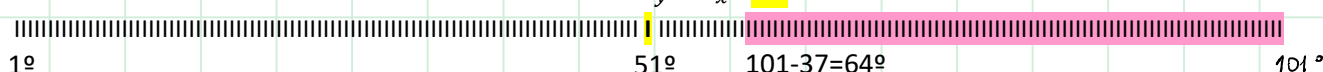
Medida	$x$	$y = c \cdot x$	Cambio de escala
Media	$\bar{x} = 44.644$	$\bar{y} = c \cdot \bar{x}$	$\bar{y} = -6 \cdot 44.644 = -267.864$
Mediana	$m_x = 45$	$m_y = c \cdot m_x$	$m_y = -6 \cdot 45 = -270$
Moda	$Mo_x = 18$	$Mo_y = c \cdot Mo_x$	$Mo_y = -6 \cdot 18 = -108$
Desviación estándar	$\sigma_x = 21.025$	$\sigma_y =  c  \cdot \sigma_x$	$\sigma_y = 6 \cdot 21.025 = 126.15$

4. Sumamos 35 a las 37 observaciones más grandes de la muestra, la nueva mediana será...

Calculamos la **Posición de la Mediana**  $= \frac{N+1}{2} = \frac{101+1}{2} = \frac{102}{2} = 51$

Si **sumamos 35 a las 37 observaciones más grandes** de la muestra, esto no afectará al valor de la mediana.

$$m_y = m_x = 45$$





## 1.6 Muestreo, Técnicas

### Pregunta 6

Sin responder aún

Puntuación como 0,50

🚩 Marcar pregunta

Imaginemos que queremos estudiar cual es la bebida favorita de los nadadores federados. Completad las siguientes frases

Si tenemos una lista de los nadadores federados y enviamos un correo a los 30 primeros de la lista

Elegir... No estamos haciendo un m. aleatorio

Un ejemplo de muestro por cuotas sería

Elegir... 100 ♂ y 100 mujeres

Si seleccionamos 5 comarcas al azar y después seleccionamos 53 nadadores federados de estas comarcas

Elegir... M. por conglomerados

Si asignamos un número a cada uno de los N nadadores federados, escogemos un número al azar A y a partir de éste vamos escogiendo los de la forma  $A + x[N/k]$  donde k es el tamaño de la muestra.

Elegir... M-Sistemático

Elegir...

Elegir...

no estamos haciendo un muestreo aleatorio

estamos haciendo un muestreo sistemático

estaremos haciendo un muestreo por conglomerados

enviar entrevistadores hasta que encontremos 100 mujeres y 200 hombres entre los nadadores federados

estamos haciendo un muestreo aleatorio simple no sistemático

Muestreo	Propiedades
Aleatorio simple	<ul style="list-style-type: none"><li>• Todos los individuos tienen la misma probabilidad de formar parte de la muestra.</li><li>• Selección de los individuos uno a uno y con reposición (siempre sobre el total de la población).</li></ul>
Aleatorio simple usando tablas de dígitos aleatorios	<ul style="list-style-type: none"><li>• Se numeran los individuos de la población.</li><li>• El primero individuo de la muestra se selecciona al azar, los siguientes, a partir de la tabla.</li></ul>
Sistemático	<ul style="list-style-type: none"><li>• Se numeran los N individuos de la población.</li><li>• El primero individuo de la muestra de tamaño k se selecciona a partir del cálculo <math>\left[ \frac{N}{k} \right] = \text{Parte entera del cociente}</math>.</li><li>• Los siguientes, a intervalos fijos.</li></ul>
Estratificado	<ul style="list-style-type: none"><li>• La población es dividida en Estratos (grupos disjuntos homogéneos con características distintivas).</li><li>• Se hace un muestreo aleatorio simple en cada estrato.</li><li>• En la muestra se conserva la proporción que cada estrato representa en la población.</li></ul>
Por Conglomerados	<ul style="list-style-type: none"><li>• Los Conglomerados son unidades (físicas o geográficas) cada uno de los cuales representa la heterogeneidad de la población.</li><li>• Se selecciona una muestra de conglomerados y a su vez se escogen, al azar, individuos de cada uno de los conglomerados.</li></ul>
Polietápico	Se aplica la estratificación a los conglomerados.
Por cuotas	<ul style="list-style-type: none"><li>• Se categorizan los individuos de la población</li><li>• La proporción de individuos de cada categoría en la muestra es equivalente a la proporción de esa categoría en la población. El entrevistador selecciona individuos hasta cubrir las cuotas.</li></ul>

